

## Домашнее задание 1. Модели в пространстве состояний и их связь с моделями передаточных функций

### Часть 1. Моделирование разомкнутой системы

- Придумать модель в виде передаточной функции заданного порядка заданного типа (см. варианты на сайте). Для этого задаться корнями характеристического многочлена, которые пересчитать в полином. Задаться небанальным коэффициентом усиления (не равным единице).

*Замечание.* Для задания п.ф. использовать функцию `tf()`.

- Посчитать отклик объекта, заданного п.ф., на единичный скачок (функция `step`). Убедиться, что у модели коэффициент усиления соответствует заданному, а характер процесса соответствует типу передаточной функции (колебательная, апериодическая).
- На основе своей передаточной функции вывести сначала непрерывную, а затем дискретную модель в пространстве состояний методом, описанным на лекции.
- Сделать то же самое функциями Матлаба.
- Построить отклик на единичный скачок обеих получившихся дискретных моделей в ПС.
- Сравнить отклик на единичный скачок модели п.ф. с откликами дискретных моделей ПС. **Для этого все три переходных процесса вывести на один график.**
- По графикам убедиться, что система имеет заданный в п.1 коэффициент усиления. Если заданный коэффициент усиления не обеспечен, провести коррекцию передаточной функции, не изменяя корни характеристического многочлена.

*Указание.* Используйте расчет установившегося значения, основанный на теореме о предельном значении.

### Часть 2. Моделирование замкнутой системы

- Написать функцию `u = p_controller(Kc, e)`, которая на основании сигнала рассогласования  $e$  рассчитывает управляющее воздействие по П-закону регулирования. По формуле:

$$u_k = K_c e_k + u_0$$

$u_0$  – смещение управляющего сигнала (если не знаете зачем оно нужно, можно положить равным нулю).

- На основе кода, моделирующего реакцию разомкнутой системы в ПС на скачок, разработать код, моделирующий переходной процесс в замкнутой системе. **Не нужно рассчитывать п.ф. замкнутой системы!** Нужно сделать управляющее воздействие расчетным по П-закону, а не заданным заранее, на каждой итерации цикла.

Для этого:

- В коде до цикла моделирования задать:
    - уставку  $SP = 10$ ,
    - коэффициент пропорциональности  $K_c = 0.1$ .
  - На каждом шаге моделирования рассчитать  $e = SP - y$ , после чего рассчитать управляющее воздействие  $u = p_controller(Kc, e)$ .
  - Записать полученное управление в  $U(:, i)$
  - Построить графики регулируемой величины и управляющего воздействия в одном окне, но на разных графиках (используйте `subplot`).
  - Убедиться, что моделирование проходит корректно. Процесс не расходится,  $K_c$  влияет на время регулирования.
- Подобрать максимальное  $K_c$ , обеспечивающее приемлемое перерегулирование.

### Вопросы к защите

- Что такое SISO и что такое MIMO?
- Как связаны передаточная функция и дифференциальное уравнение?

3. Каким образом можно записать дифференциальное уравнение в виде системы дифференциальных уравнений (можно на примере)?
4. Понятие вектора состояния системы.
5. Общий вид модели в пространстве состояний в векторном виде. Что представляют собой матрицы A, B, C? Какие два типа уравнений составляют модель в пространстве состояний?
6. Переход к дискретной модели в пространстве состояний. Разностная аппроксимация.
7. Как обеспечить требуемый коэффициент усиления для передаточной функции?
8. Каким образом смоделировать переходной процесс в разомкнутой системе в пространстве состояний (ответ в виде набросков кода)?
9. Зачем в MPC используются модели в пространстве состояний?
10. Формула П-регулятора.
11. Моделирование замкнутой системы с П-регулятором и моделью в пространстве состояний.