

Домашнее задание 1. Модели в пространстве состояний и их связь с моделями передаточных функций

Часть 1. Моделирование разомкнутой системы

1. Придумать модель в виде передаточной функции заданного порядка заданного типа. Для этого задаться корнями характеристического многочлена, которые пересчитать в полином. Задать небанальный коэффициент усиления (не единичный).
Замечание. Для задания п.ф. использовать функцию `tf()`.
2. Посчитать отклик объекта, заданного п.ф., на единичный скачок (функция `step`). Убедиться, что у модели коэффициент усиления соответствует заданному, а характер процесса соответствует типу передаточной функции (колебательная, апериодическая).
3. На основе своей передаточной функции вывести сначала непрерывную, а затем дискретную модель в пространстве состояний методом, описанном на лекции.
4. Сделать то же самое функциями Матлаба.
5. Построить отклик на единичный скачок обеих получившихся дискретных моделях в ПС.
6. Сравнить отклик на единичный скачок модели п.ф. с откликами дискретных моделей ПС.

Часть 2. Моделирование замкнутой системы

1. Написать функцию `u = p_controller(Kc, e)`, которая на основании сигнала рассогласования e рассчитывает управляющее воздействие по П-закону регулирования. По формуле:

$$u_k = K_c e_k + u_0$$

u_0 – смещение управляющего сигнала (если не знаете зачем оно нужно, можно положить равным нулю).

2. На основе кода, моделирующего реакцию разомкнутой системы в ПС на скачок, разработать код, моделирующий переходной процесс в замкнутой системе. Для этого:
 - a. В коде до цикла моделирования задать:
 - i. уставку $SP = 10$,
 - ii. коэффициент пропорциональности $K_c = 0.1$.
 - b. На каждом шаге моделирования рассчитать $e = SP - y$, после чего рассчитать управляющее воздействие $u = p_controller(K_c, e)$.
 - c. Записать полученное управление в `U(:, i)`
 - d. Построить графики, убедиться, что моделирование проходит корректно. Процесс не расходится, K_c влияет на время регулирования.
3. Подобрать максимальное K_c , обеспечивающее приемлемое перерегулирование.

Вопросы к защите

1. Что такое SISO и что такое MIMO?
2. Как связаны передаточная функция и дифференциальное уравнение?
3. Каким образом можно записать дифференциальное уравнение в виде системы дифференциальных уравнений (можно на примере)?
4. Понятие вектора состояний системы.
5. Общий вид модели в пространстве состояний в векторном виде. Что представляют собой матрицы A , B , C ? Какие два типа уравнений составляют модель в пространстве состояний?
6. Переход к дискретной модели в пространстве состояний. Разностная аппроксимация.
7. Как обеспечить требуемый коэффициент усиления для передаточной функции?
8. Каким образом смоделировать переходной процесс в разомкнутой системе в пространстве состояний (ответ в виде набросков кода)?
9. Зачем в MPC используются модели в пространстве состояний?
10. Формула П-регулятора.
11. Моделирование замкнутой системы с П-регулятором и моделью в пространстве состояний.