

Практика 1. Введение в статистическое моделирование.

Время движения на работу (светофоры). Центральная предельная теорема.

Лобачевского	Удальцова	Вернадского	Ленинский
$T = \underbrace{\sum_{i=1}^{k+1} m_i}_{\text{Movement}} + \underbrace{\sum_{i=1}^k w_i}_{\text{Wait}} = M + W$			
M – суммарное время движения между светофорами (предполагается константой) k – количество светофоров W – суммарное времена ожидания на k светофорах			

Часть 1. Подготовка генератора и его проверка

1. Задаться параметрами вероятностной модели:

- a. суммарным временем движения между светофорами M ;
- b. циклом работы светофоров τ ;
- c. количеством светофоров на пути k .

2. Написать функцию генератора случайной величины T :

```
function T = generate_movement_time(k, tau, M, n)
```

где n – количество реализаций времени движения

T – вектор-столбец размерности $[n \times 1]$

3. Аналитически рассчитать статистические свойства генератора случайной величины T для произвольного k , считая, что распределение w_i – равномерное:

- a. матожидание $ET(k)$;
- b. дисперсию $DT(k)$.

4. Задаться числом реализаций $N \geq 1000$, сгенерировать N случайных значений T при $k = 1, 2, 3, 4, 5$. Построить гистограммы построенных реализаций, проверить корректность генератора по диапазону полученных значений и форме их распределения.

Часть 2. Исследовать действие закона больших чисел для времени ожидания на светофорах

1. Скачать с репозитория курса файл `hist_density.m`, сохранить в папку с кодом данной практики. Файл содержит функцию с таким же названием, которая формирует **нормированную гистограмму**, приведенную к тому же масштабу, что и функция плотности распределения (т.е. **полигон относительных частот**). Первый параметр функции аналогичен функции `hist` (т.е. сама выборка), второй параметр – количество интервалов разбиения выборки (взять порядка 20). Результат функции – два вектора, со значениями СВ ($x1$) и сопоставленными им значениями плотности вероятности ($p1$):

$$[p1, x1] = \text{hist_density}(x, 20)$$

2. Построить полигон относительных частот `hist_density` для выборки объема N из реализованного генератора. Построить плотность распределения вероятностей для нормального распределения с параметрами $ET(k), DT(k)$, используя `normpdf`. Вывести оба графика в одно окно.
3. Сравнивая построенные графики при разных k , указать, при каком k начинает действие ЦПТ, т.е. распределение T близко сходится к нормальному.

Вопросы к защите

1. В чем разница между τ и T ?

2. Что такое случайная величина? Что в условиях поставленной задачи является случайной величиной и почему?

3. Почему следующий код генератора в части ожидания светофоров некорректен? Какой вид распределения у W в этом коде и какой должен быть? Как это код исправить?

```
function T = generate_movement_time(k, tau, M, n)
```

```
W = k * rand(n, 1) * tau;
```

```
T = M + W;
```

```
end
```

4. Что такое взгляд «до измерений» и «после измерений» в случае времени T ? Чем характеризуется случайная величина «до измерений»? Что такое «измерение» в случае T ? Привести пример в задании или коде, когда на T смотрят взглядом «до измерений» и «после измерений».

5. Определение МО и дисперсии для непрерывных СВ в общем случае.

6. Вывод формул для расчета МО и дисперсии для равномерного распределения.

7. Вывод формул расчета МО и дисперсии для случайной величины T .

8. Центральная предельная теорема

- К какой случайной величине из данной работы можно применить ЦПТ?
- При каком количестве слагаемых ее распределение приближается к нормальному?
- Найти в книгах точное определение центральной предельной теоремы. На защиту распечатать или принести книгу. Применить ЦПТ в формулировке из книги к случайным величинам данной практики. Что она в этом случае будет утверждать?
- Указать основное отличие от трактовки, используемой на практике.